

**KOLOKVIJUM 1**

Prezime, ime, br. indeksa: \_\_\_\_\_ 31.08.2012

**PREDISPITNE OBAVEZE**

- Zaokružiti koje od osobina Refleksivnosti, Simetričnosti, Antisimetričnosti i Tranzitivnosti imaju relacije  $\alpha$  i  $\beta$  na skupu  $\{1, 2\}$ .

$$\alpha = \{(1, 1), (2, 2), (1, 2), (2, 1)\}: \quad \text{R} \quad \text{S} \quad \text{A} \quad \text{T} \quad \beta = \{(1, 1), (2, 2)\}: \quad \text{R} \quad \text{S} \quad \text{A} \quad \text{T}$$

- Za funkcije  $f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$  i  $g = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$  iz skupa  $A = \{1, 2, 3\}$  u samog sebe izračunati

$$f \circ f = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \quad f \circ g = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

- Broj kombinacija bez ponavljanja od 5 elemenata klase 3 je  $C_3^5 =$  \_\_\_\_\_
- Broj varijacija bez ponavljanja od 5 elemenata klase 3 je  $V_3^5 =$  \_\_\_\_\_
- Zaokružiti komutativne grupe: **1)**  $(\mathbb{R}, \cdot)$  **2)**  $(\mathbb{Z}, \cdot)$  **3)**  $(\mathbb{Z}, +)$
- Zaokružiti iskaze koji su tačni u svakoj komutativnoj grupi  $G, *:$  **1)**  $x * y = y * x$  **2)**  $x * x = x$   
**3)**  $\exists e \in G, \forall x \in G, x * e = e * x = e$  **4)**  $\exists e \in G, \forall x \in G, x * e = e * x = x$
- Zaokružiti prstene: **1)**  $(\mathbb{N}, +, \cdot)$  **2)**  $(\mathbb{Z}, +, \cdot)$  **3)**  $(\mathbb{R}, +, \cdot)$  **4)**  $(\mathbb{C}, +, \cdot)$

**TEST**

- Zaokružiti koje od osobina Refleksivnosti, Simetričnosti, Antisimetričnosti i Tranzitivnosti imaju relacije  $\alpha, \beta$  i  $\gamma$  na skupu prirodnih brojeva  $\mathbb{N}$ .

$$\alpha = \{(x, y) \mid |x \cdot y| \text{ je paran broj}\}: \quad \text{R} \quad \text{S} \quad \text{A} \quad \text{T}$$

$$\beta = \{(x, y) \mid y \leq 0\}: \quad \text{R} \quad \text{S} \quad \text{A} \quad \text{T}$$

$$\gamma = \{(x, y) \mid x^2 = y^2\}: \quad \text{R} \quad \text{S} \quad \text{A} \quad \text{T}$$

- Zaokružiti injektivne funkcije:

$$\text{1)} \ f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, \ f(x) = x^2 \quad \text{2)} \ f : \mathbb{R} \rightarrow [0, \infty), \ f(x) = x^2 \quad \text{3)} \ f : [0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}, \ f(x) = x^2$$

$$\text{4)} \ f : [0, \infty) \rightarrow [0, \infty), \ f(x) = x^2 \quad \text{5)} \ f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, \ f(x) = \sin x \quad \text{6)} \ f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, \ f(x) = -2x + 5$$

- Za skupove  $A = \{1, 2, 3\}$  i  $B = \{a, b\}$  izračunati

$$\text{1)} \ |\{f \mid f : A \rightarrow B\}| = \quad \text{2)} \ \left| \{f \mid f : A \xrightarrow{1-1} B\} \right| = \quad \text{3)} \ \left| \{f \mid f : A \xrightarrow{\text{na}} B\} \right| = \quad$$

$$\text{4)} \ |\{f \mid f : B \rightarrow A\}| = \quad \text{5)} \ \left| \{f \mid f : B \xrightarrow{1-1} A\} \right| = \quad \text{6)} \ \left| \{f \mid f : B \xrightarrow{\text{na}} A\} \right| = \quad$$

- 1)** Koliko ima 5-ocifrenih brojeva čije su sve cifre neparni brojevi? \_\_\_\_\_

- 2)** Koliko ima 5-ocifrenih brojeva čije su prve dve cifre neparni brojevi? \_\_\_\_\_

- U kutiji je 5 loptica raličite boje. Koliko ima izbora 3 kuglice s vraćanjem ako poredak izabranih kuglica nije bitan?

U kutiji je 5 loptica raličite boje. Koliko ima izbora 3 kuglice s vraćanjem ako je poredak izabranih kuglica bitan (stavljamo ih u niz)?

- Zaokružiti komutativne grupe:

$$\text{1)} \ (\mathbb{Z}, +) \quad \text{2)} \ (\mathbb{Z}, -) \quad \text{3)} \ (\mathbb{Z}, \cdot) \quad \text{4)} \ (\mathbb{N}, +) \quad \text{5)} \ (\mathbb{N} \cup \{0\}, +)$$

$$\text{6)} \ (\mathbb{N}, \cdot) \quad \text{7)} \ (\{0\}, +) \quad \text{8)} \ (\{0, 1\}, +) \quad \text{9)} \ (\{0, 1\}, \cdot)$$

- Zaokružiti gruopide sa neutralnim elementom:

$$\text{1)} \ (\mathbb{Z}, +) \quad \text{2)} \ (\mathbb{Z}, \cdot) \quad \text{3)} \ (\mathbb{Z}, -) \quad \text{4)} \ ((0, \infty), +) \quad \text{5)} \ ([0, \infty), +) \quad \text{6)} \ ((0, \infty), \cdot) \quad \text{7)} \ ([0, \infty), \cdot)$$

- Popuniti Kejlijevu tablicu grupoida  $(\mathbb{Z}_4, +_4)$ :

$+_4$	0	1	2	3
0				
1				
2				
3				

- Zaokružiti prstenove:

- 1)**  $(\mathbb{N}, +, \cdot)$     **2)**  $(\mathbb{Z}, +, \cdot)$     **3)**  $(\mathbb{R}, +, \cdot)$     **4)**  $(\mathbb{Z}_3, +, \cdot)$     **5)**  $(\mathbb{Z}_4, +, \cdot)$     **6)**  $(\mathbb{R}, \cdot, +)$
- 

## ZADACI

1. Date su funkcije  $f : D \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \sqrt{x^2 - 1}$  i  $g : D \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $g(x) = 2x + 5$ .
  - Odrediti domene funkcija  $f$  i  $g$ .
  - Ispitati injektivnost i sirjektivnost funkcija  $f$  i  $g$ .
  - Izračunati (ako postoji)  $g^{-1}(x)$ .
2. Koliko ima osmocifrenih brojeva sa različitim ciframa u kojima je cifra 1 zapisana pre cifre 2 (može ali ne mora neposredno iza cifre 1)?
3. Ispitati sve aksiome komutativne grupe za uređeni par  $(\mathbb{R}, *)$ , gde je  $x * y = x + y + xy$ .

**KOLOKVIJUM 2**

Prezime, ime, br. indeksa: \_\_\_\_\_

31.08.2012

**PREDISPITNE OBAVEZE**

- Koji su od navedenih brojeva koreni polinoma  $P(x) = x^4 - 1$  (zaokružiti):

0      -1      1      -4      4

- Pri deljenju polinoma  $P(x) = (x - 3)(x^4 + 1)$  polinomom  $Q(x) = x^4 + 1$  dobija se količnik \_\_\_\_\_ i ostatak \_\_\_\_\_

- Koji od navedenih iskaza su tačni (zaokružiti) za sve  $a, b \in B$  u Bulovoj algebri  $(B, +, \cdot, ', 0, 1)$ :

1)  $(a + b)' = a' + b'$     2)  $(ab)' = a'b'$     3)  $1' = 1$     4)  $1' = 0$     5)  $a'' = 0$     6)  $a'' = a$ 

- Za kompleksne brojeve  $z = 1 - i$  i  $w = -1 - 2i$  je

 $z + w = \text{_____}$ ,  $|z| = \text{_____}$ ,  $\bar{z} = \text{_____}$ ,  $R_e(z) = \text{_____}$ .

- Za matrice  $A = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$  i  $B = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$  je

$$\det A = \text{_____}$$

$$A + B = \text{_____}$$

$$x + y + z = 1$$

- Sistem linearnih jednačina  $\begin{array}{l} 2x + 2y + 2z = 2 \\ 3x + 3y + 3z = 3 \end{array}$  je:

1) kontradiktoran    2) jednoznačno određen    3) 1 puta neodređen    4) 2 puta neodređen

- Napisati skup rešenja  $\mathcal{R}$  sistema linearnih jednačina  $\begin{array}{l} -x - 2y = 3 \\ 2x + y = 5 \end{array}$

$$\mathcal{R} = \text{_____}$$

**TEST**

- Napisati u obliku  $SDNF$  Bulov izraz

$$(x + y')' + x'(xz + y) = \text{_____}$$

- Koji od navedenih iskaza su tačni (zaokružiti) za sve  $a, b \in B$  u Bulovoj algebri  $(B, +, \cdot, ', 0, 1)$ :

1)  $(a + b)' = b'a'$     2)  $a(b + c) = ab + ac$     3)  $a(b + c) = ba + ca$     4)  $a(a + b) = a$     5)  $a(a + b) = b$   
6)  $a + b = a + c \Rightarrow b = c$     7)  $a'' = a$ 

- Deljenjem polinoma  $P(x) = 2x^5 - 3x^4 + x^2 - 3$  polinomom  $Q(x) = x^2 + x + 1$  se dobija

količnik \_\_\_\_\_ i ostatak \_\_\_\_\_

- Za kompleksne brojeve  $z = 1 + i$  i  $w = -1 + i$  je

$$z + w = \text{_____}, \quad zw = \text{_____}, \quad \frac{z}{w} = \text{_____}, \quad |z| = \text{_____},$$

$$\arg(w) = \text{_____}, \quad \bar{z} = \text{_____}, \quad R_e(z) = \text{_____}, \quad I_m(z) = \text{_____}.$$

- Izračunati  $\sqrt[3]{-1 - i} = \{ \text{_____} \}$

- Izračunati inverznu matricu matrice  $A = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 4 & -5 \end{bmatrix}$ :

$$A^{-1} =$$

- Za matrice  $A = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} -3 & 1 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$  i  $C = \begin{bmatrix} -2 & 3 \end{bmatrix}$  izračunati

$$\det B =$$

$$AB =$$

$$CB =$$

$$-3 \cdot A =$$

- Sistem linearih jednačina  $\begin{array}{rcl} 2x & - & 2y & + & 6z & = & 9 \\ x & - & y & + & 3z & = & 5 \end{array}$  je:

**1)** kontradiktoran    **2)** određen    **3)** 1 puta neodređen    **4)** 2 puta neodređen    **5)** 3 puta neodređen

- Za koju vrednost parametra  $a \in \mathbb{R}$  je sistem linearih jednačina  $\begin{array}{rcl} 2x & - & 4y & = & 1 \\ x & - & ay & = & 1 \end{array}$  kontradiktoran:

$$a \in \underline{\hspace{10em}}$$

## ZADACI

- Naći sve realne i kompleksne korene polinoma  $P(x) = x^4 - 2x^3 + 2x^2 - 2x + 1$ , i faktorisati ga nad poljem realnih i nad poljem kompleksnih brojeva.

- Rešiti po  $z \in \mathbb{C}$  jednačinu:  $(2+i)^2 + 2R_e\left(\frac{1+i}{1-i}\right)\bar{z} - 2iz = 1 - 2i$ .

- (a) Rešiti po  $x, y, z \in \mathbb{R}$  sistem linearih jednačina
 
$$\begin{array}{rcl} x & + & 2y & - & z & = & 2 \\ -x & - & 3y & + & 2z & = & -1 \\ 2x & + & 3y & - & z & = & 5 \end{array}$$

- (b) Diskutovati po parametru  $a \in \mathbb{R}$  sistem linearih jednačina

$$\begin{array}{rcl} x & + & 2y & - & z & = & 2 \\ -x & - & 3ay & + & 2z & = & -1 \\ 2x & + & 3y & - & az & = & 5 \end{array}$$